

目次	・はじめに
	・中2 数学 図形ダイジェスト
	1 多角形の角の和、平行線と角
	2 図形の合同、三角形の合同条件
	3 証明
	4 定義と定理
	5 三角形
	6 四角形
	・おわりに

## はじめに

中2 数学の図形について、子どもと学ぶため、記しました。

公立中学の数学の先生の定義と性質（定理）の区別を強く述べられている授業を拝見して、かなり感銘を受けましたので、それに準じた記述にしました。本内容はある程度、わかっている方でないと、理解して教えるのは難しいかと思いますが、そこはなるべく平たく書いたつもりです。お子さんと二人三脚なら読めると思います。なお、指導要領 ([https://www.mext.go.jp/component/a\\_menu/education/micro\\_detail/\\_icsFiles/afieldfile/2019/03/18/1387018\\_004.pdf](https://www.mext.go.jp/component/a_menu/education/micro_detail/_icsFiles/afieldfile/2019/03/18/1387018_004.pdf)) の内容は一通りおさえています。

中学にもなると、かなり数学の学力差があると思います。その中で、図形は、数字が苦手な生徒でも、言葉と形が助けになりますので、その点ではどうか先生方には図形の定義によって分類する、その分類手法や論法術をこどもに教えてあげていただければと思います。このことによって、数字は苦手でも数学に自信がもてる分野が出来てくれば、末広がり兆候ですので、何よりだと思います。

話は広がりますが、個人の学力差を考慮すると、中学数学は三段階レベル別授業をデフォルトで実施すべきと感じます。それが全ての生徒にとって、よりよい利益を生むと思いますし、先生方の負担が激減すると思います。

一番理解力があるクラスの生徒にとって本内容は、楽にマスターできると思いますので、基本問題以外に応用問題まで授業でできるでしょう。ただし、このレベルの生徒は、数学的思考をマスターするというよりは、パターンを覚える生徒が多く、本書の各証明などを丁寧に理解し、数学的思考方を身につけて行くという価値観が若干欠如している子どもが多いのが気がかりです。これらを克服すると、彼らは、鬼に金棒となります。応用問題に終始し、パターン記憶の数学(これも大切ですが)から抜け出せるような指導を心がけてください。

中間のクラスでは、本内容を基本問題を併用しながら理解することは無理がないと思います。このレベルの生徒は、基本的に丁寧に考える人も多く、理解する学力下地もありますので、本書をしっかりと理解させた上で、基本問題を説明すれば、自力でハイレベルの学習が行えるようになるでしょう。

一番数学が苦手なクラスは、この所々の例題は少し碎いて説明する必要が生じると思います。基本的には学力の下地不足があるのですが、図形に関しては、言葉で表現する、空間把握能力等の力で補えるので、まずは本書を一通り説明する上で、日本の直線の関わり方（交差、平行）、三角形の合同、四角形の種類を実感しながら理解すると、基本問題に1人でもチャレンジできると思います。

また、本書では直角三角形の定理で、三平方の定理を導入しました。そうしないと、直角三角形の合同条件 5-(4) -②が導けません。これは、平方根が二次関数導入の三年生で行われる弊害だと思います。つまり、算数、数学の教育課程が、かなり ちぐはぐ になっていますので、至急の再検討が必要だと考えています。小学校5年から中3までの現在の教育課程を書き出し、問題点を洗い出し、より効率がよくなるように考えてまとめた記事を最後に記します。

見直しは丁寧に行いましたが、幾分ミスがあることは、この場でお詫びいたします。どうかご容赦のほどよろしく願いいたします。 2020/9/17 著者より

# 中2 数学 図形 ダイジェスト

## 1 多角形の角の和、平行線と角

### (1) 多角形の外角と内角

・五角形ABCDEで、内角と外角を列挙すると、

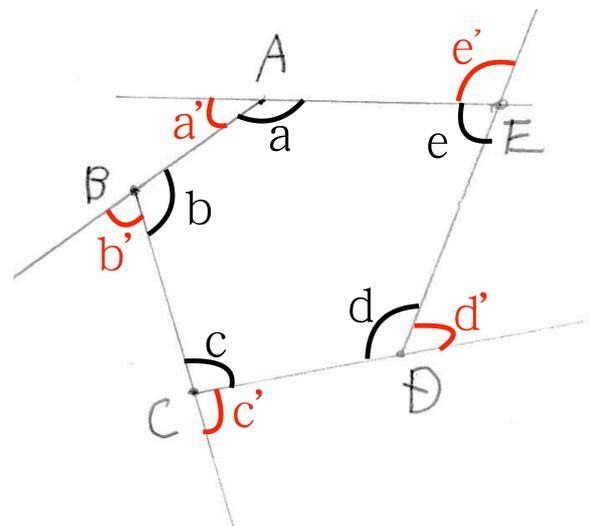
内角； $\angle a, \angle b, \angle c, \angle d, \angle e$

外角； $\angle a', \angle b', \angle c', \angle d', \angle e'$

である。

・ある内角とその隣の外角（例えば、右図の五角形では、 $\angle a$ と $\angle a'$ ）は、その和が180度になる。

$$\text{内角} + \text{その隣の外角} = 180\text{度}$$



・n（多）角形（ $n \geq 3$ ）の内角の和は、 $(n-2) \times 180$ で計算できる。

・三角形の場合は内角の和は180度で、四角形の場合は内角の和は360度である。

・三角形の外角は、隣り合わない残りの二つの内角の和と等しい（右図参照）



### (2) 二本の線の性質

・図2-1で、 $\angle a$ と $\angle c$ 、 $\angle b$ と $\angle d$ の関係にある角同士を対頂角と呼ぶ。対頂角は互いに等しくなる性質を持つ。

・図2-2で、 $\angle a$ と $\angle e$ の関係にある角同士を同位角と呼ぶ。

（例題）他に同位角の関係にあるものは？（答え） $\angle b$ と $\angle f$ 、 $\angle d$ と $\angle h$ 、 $\angle c$ と $\angle g$

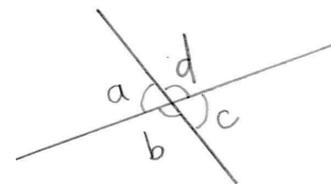


図2-1 対頂角の説明

・図2-2で、 $\angle b$ と $\angle h$ の関係にある角同士を錯角と呼ぶ。他に錯角の関係にあるものは、 $\angle c$ と $\angle e$ である。

・図2-2で直線lと直線mが平行な場合、同位角の関係にあるもの、錯角の関係にあるものが等しくなる。

$$\angle a = \angle e, \angle b = \angle f, \angle d = \angle h, \angle c = \angle g \text{ (同位角)}$$

$$\angle b = \angle h, \angle c = \angle e \text{ (錯角)}$$

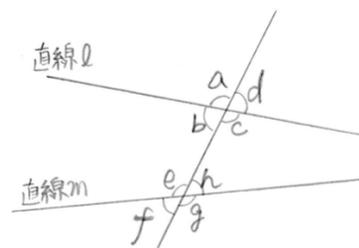


図2-2 同位角と錯角の説明

\*\*\*\*\* 平行線とは \*\*\*\*\*

・平行線とは、同一の平面上にあり、両方向に限りなく延長しても、いずれの方向でも互いに交わらない直線 ←（2直線が平行になる条件）

注）小4では、「一つの直線に垂直な二つの直線は平行である。」と平行と教える様に指導要領に書かれています。これは、小学生にわかる様にとの配慮で、教科書用に作った概念みたいですが、平行線では同位角と錯角が等しくなるという性質（定理）であって、平行線を決めるものではないのです。後述しますが、定義として定理を使ってしまった重大な過ちです。

小4でも三次元空間で同一平面にのる2直線概念は教えられると思います。実際に立方体や直方体を習うのが小4です。平行に関する小4の記述は改善した方が無難だと思います。

## 2 図形の合同、三角形の合同条件

### (1) 図形の合同

・平面上の二つの図形で、一方を平行移動、回転、裏返すことによって、他方に重ね合わせることができる時、この二つの図形は合同であるという。

・合同な図形では、対応する線分や角は等しくなる。

・合同を表す記号は“ $\equiv$ ”である。四角形ABCDと四角形A'B'C'D'が合同の時には、四角形ABCD $\equiv$ 四角形A'B'C'D'と書く。

### (2) 三角形の合同

2つの三角形は、以下の三つの条件のどれか一つを満たせば合同になる。この三つの条件を三角形の合同条件と呼ぶ。

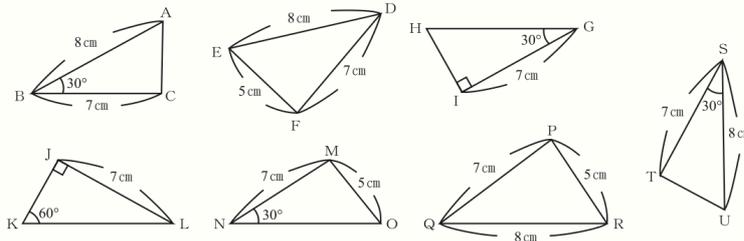
図2-(2)で

① 3組の辺がそれぞれ等しい。  $a=a', b=b', c=c'$

② 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい。  $a=a', c=c', \angle B = \angle B', etc.$

③ 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。  $a=a', \angle B = \angle B', \angle C = \angle C', etc.$

(例題) 【1】下の図で、合同な三角形を見つけ、記号 $\equiv$ を使って表しなさい。  
また、そのときに使った三角形の合同条件を答えなさい。



答え  
 ・ \_\_\_\_\_ 条件  
 ・ \_\_\_\_\_ 条件  
 ・ \_\_\_\_\_ 条件

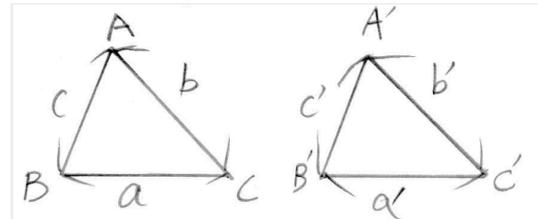


図2-(2) 2つの合同な三角形

答え  
 ・  $\triangle ABC \equiv \triangle A'B'C'$  条件 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい  
 ・  $\triangle DEF \equiv \triangle PQR$  条件 3組の辺がそれぞれ等しい  
 ・  $\triangle GHI \equiv \triangle JKL$  条件 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい

[https://happyililac.net/jhs-math2\\_04-02-04.pdf](https://happyililac.net/jhs-math2_04-02-04.pdf) さんより、深謝

## 3 証明

あることがらが成り立つ事を、すでに正しいと分かっている性質（定義や定理；後述）を根拠にして示すことを証明という。

数学ではこのあることがらは命題とよばれる。命題は仮定と結論で構成される（下図参照）。証明は命題の仮定のもとで、結論が正しい（もしくは正しくない）という根拠を示す作業である。

命題が正しいときには、「命題は真である。」と言い、正しくないときには「命題は偽である。」と言う。

命題が真である時には、すでに正しいと分かっている性質（定義や定理；後述）を根拠にして示せばよい。命題が偽である時には、一つでも正しくない例をあげればよく、命題が正しくない例を反例と呼ぶ。

- ・ 命題の形：「**×××**ならば、□□□である。」
- ・ 証明の形：「**×××**ならば、○○○なので □□□である。」 という形で行う。  
 仮定部分      根拠部分      結論部分

## 4 定義と定理

数学などでは人間が作った決まりを**定義**と呼び、この定義の中で証明できる(論理的に導ける)決まりを**定理**と呼ぶ。定理は、決まり(定義)によって生じる性質とも考えられ、厳密には、「**×××ならば、□□□である。**」という命題の形で書き表すのであるが、今までの対頂角、平行線の同位角と錯角の性質、三角形の合同条件は、すべて定理(性質)であることに留意しよう。例えば、「2本の直線が交われば、対頂角は等しくなる。」と言う書き方が、厳密には正しい。

### (EX.) 二等辺三角形で定義と定理を考えよう。

(定義1) 二等辺三角形とは、二つの辺が等しい三角形。

(定義2) 等しい辺を**等辺**、残りの一边を**底辺**、底辺の両側の角を**底角**、残りの角を**頂角**と呼ぶ。 → 図4-1の( )を埋めよう。

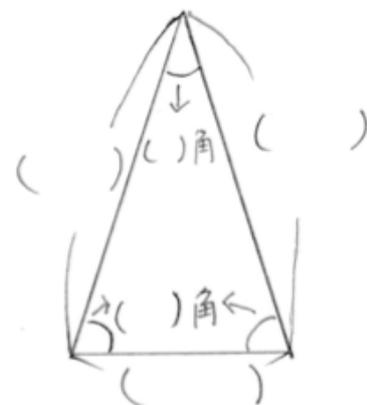


図4-1 二等辺三角形

(定理1) 二等辺三角形ならば底角は等しくなる。

(証明) 辺ABと辺ACを等辺とする二等辺三角形ABCにおいて、底辺BCの midpointをDとする(図4-2)。

二等辺三角形の定義より、辺ABと辺ACは等辺であるため、 $AB=AC$ …①

点Dの定義より、 $BD=CD$ …②

$\triangle ABD$ と $\triangle ACD$ は、辺ADは共通で、さらに①と②から、三組の辺が等しくなるといふ三角形の合同条件を満たす(2)-(2)-①)。すなわち、 $\triangle ABD \cong \triangle ACD$ 。

合同な $\triangle ABD$ と $\triangle ACD$ において、 $\angle B$ と $\angle C$ は対応する角であるため、 $\angle B = \angle C$ となる。

$\angle B = \angle C$ は二等辺三角形ABCの底角であり、よって、二等辺三角形の底角は等しくなる事が証明された。

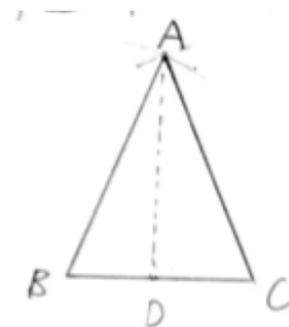


図4-2 二等辺三角形の定理1の証明

(定理2) 三角形の二つの角が等しければ、この三角形は二等辺三角形である。

補足；この定理は、定理1の逆構成になっている。このようなことを「**定理の逆**」とか「**定理の逆を取る**」などと書く。ある定理が成立しても、その定理の逆が成立する保証はないので、その都度注意深く確かめる必要がある。ただし、ここでは証明は省略。

(定理3) 二等辺三角形ならば、頂角の二等分線は底辺を垂直二等分する。

(証明) 定理1の証明で使った図4-2で考える。

$\angle BAD = a^\circ$ とすると、辺ADは $\angle BAC$ の二等分線なので、 $\angle DAC = a^\circ$ となる。

$\angle ABC = b^\circ$ とすると、 $\triangle ABC$ は二等辺三角形の底角は等しいために、 $\angle ACB = b^\circ$ となる。

$\angle ADC = x^\circ$ 、 $\angle ADB = y^\circ$ とする。

$\triangle ABD$ で、三角形の外角の性質(1)-(1)より、 $\angle ADB$ の外角 $\angle ADC = x^\circ = a^\circ + b^\circ$ となる。…①

同様に、 $\triangle ACD$ において、 $\angle ADB = y^\circ = a^\circ + b^\circ$ となる。…②

①と②より、 $\angle ADC = \angle ADB = a^\circ + b^\circ (=x^\circ = y^\circ)$ となるが、辺BCは直線であるため、 $\angle ADB + \angle ADC = 180^\circ$ となり、 $\angle ADB = \angle ADC = 90^\circ$ となる。

以上より二等辺三角形の頂角の二等分線は、底辺を垂直に二等分することが証明された。

#### 注意

ここに列挙した定義と定理は、普通の証明問題では既存の事実として使って構わないが、どれが定義でどれが定理かはきちんと理解して覚えよう！

# 5 三角形

## (1) 一般の三角形の合同について

三角形の合同の条件をおさらいしよう。そして、これらの条件の項目は、定義であるか定理であるか、確認しながら進めよう。

(三角形が合同になる条件)

- ① 三組の辺の長さがそれぞれ等しい。 ← (定義, 定理) 丸で囲もう。
- ② 二組の辺の長さ、それらにはさまれた角がそれぞれ等しい。 ← (定義, 定理)
- ③ 一組の辺の長さ、その両側の角がそれぞれ等しい。 ← (定義, 定理)

これを命題の形で記せば、  
「二つの三角形において、三組の辺の長さがそれぞれ等しければ、この二つの三角形は合同になる。」  
であり、本来ならこうすべきであるが、本書ではこの様に簡易的に記述する。

答えは三つとも“定理”

## (2) 二等辺三角形について

(二等辺三角形になる条件)

- ① 2本の辺の長さがそれぞれ等しければ、二等辺三角形になる。 ← (定義, 定理)
- ② 2つの角(底角)が等しければ、二等辺三角形になる。 ← (定義, 定理)
- ③ ある一つの角の二等分線が、その角の対辺を垂直二等分すれば、二等辺三角形になる。 ← (定義, 定理)

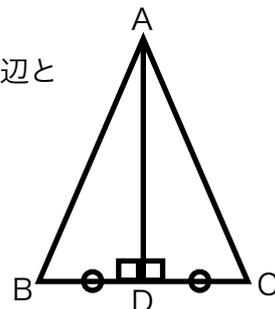
答えは“定義、定理、定理”

(例題) 直上の③を証明せよ。

この定理は、表現が異なるが、4 定理3の逆になっている。逆が必ずしも成立しないので、証明しよう。  
任意の三角形ABCを作る(右図)。今、∠Aの二等分線が対辺BCを垂直二等分している。  
したがって、辺BD=辺CD…(☆)、また、∠ADB=∠ADC=90°…(☆☆)となる。

ここで、△ABDと△ACDにおいて、辺ADは共通であり、(☆)と(☆☆)より二組の辺とそれに挟まれた角が等しいので、△ABD≡△ACDとなる。

合同な△ABDと△ACDにおいて対応する辺は等しくなるので、辺AB=辺ACとなり、△ABCが二等辺三角形になることが証明された。



(二等辺三角形の合同条件)

二等辺三角形の合同条件は、一般の三角形の合同条件(1)に準じるが、二等辺三角形だと分かっている場合の合同条件は、これらよりも緩和される。二等辺三角形の合同条件はわざわざ覚えなくとも、一般の三角形の合同条件で合同証明をすれば済むが、覚えておくと便利なので下記に4条件を書き出す。

- ① 頂角と底辺がそれぞれ等しい。
- ② 頂角と等辺がそれぞれ等しい。
- ③ 頂角と底辺がそれぞれ等しい。
- ④ 頂角と等辺がそれぞれ等しい。

ワンポイント  
①~④の項目はとても初歩的な証明のできるもので、訓練に各自でさせてみよう。

## (3) 正三角形について

(定義) 三つの辺の長さが等しい三角形を正三角形とする。

(正三角形になる条件)

- ① 三角形において三つの辺の長さが全て等しい。 ← (定義, 定理)
- ② 全ての角が等しい(60°になる)。 ← (定義, 定理)

答えは“定義、定理”

(例題) 直上の①を証明せよ。

正三角形ABCにおいて 頂角を $\angle A$ とすれば、底角は $\angle B$ と $\angle C$ とした二等辺三角形と見なせ、 $\angle B = \angle C$ 。

同様に、頂角を $\angle B$ とすれば、底角は $\angle B$ と $\angle A$ とした二等辺三角形と見做せ、 $\angle B = \angle A$ 。

以上から、 $\angle A = \angle B = \angle C$ となる。ここで三角形の内角の和は $180^\circ$ であるため、 $\angle A = \angle B = \angle C = 60^\circ$ であることを確認しておく。

(正三角形が合同になる条件)

正三角形の合同条件も、一般の三角形の合同条件(1)に準じるが、正三角形だと分かっていたら、合同条件は一つだけである。

① 一辺の長さが等しい。

#### (4) 直角三角形

(定義) 三角形の一つの角が直角になる三角形を直角三角形とする。直角になる角の対辺を斜辺とする。

(直角三角形になる条件)

① 三角形の一つの角が直角である。← (定義, 定理)

② 三角形の辺  $a, b, c$  (斜辺) において、 $c^2 = a^2 + b^2$  が成り立つ。

↑ 三平方の定理という。

答えは“定義”

中3で習う。平方根を習っていないので、中2では数字の概念の導入がなく、教えていない。平方根は中1の式と計算で導入し、中2の式と計算でも復習して、是非この段階で三平方の定理を導入すべきだと思います。3:4:5の直角三角形、5:12:13の直角三角形、三角定規の直角三角形について、余裕のある2年生で習熟した方が、生徒にとって負担が少ない。

(直角三角形の合同条件)

直角三角形の合同条件も、一般の三角形の合同条件(1)に準じるが、直角三角形だと分かっていたら、

① 斜辺と一つの鋭角が等しい。

② 斜辺と他の一辺が等しい。← 三平方の定理がないと証明できな

## 6 四角形

(定義) 凹んだ角がない4つの角がある四角形を、一般に四角形とよび、向き合う辺と角を、それぞれ対辺と対角と呼ぶ。

この定義にさらに別の定義(ルール)を付け加えることにより、台形、平行四辺形、ひし形、長方形、正方形とよばれる四角形になる。

#### (1) 台形

(定義) 少なくとも一組の対辺が平行である四角形を台形とする。

#### (2) 平行四辺形 (重要)

(定義) 二組の対辺がそれぞれ平行な四角形を平行四辺形とする。

(平行四辺形に関する定理)

① 平行四辺形ならば、二組の対辺の長さは、それぞれ等しい。

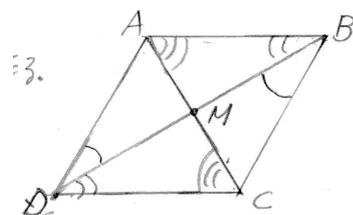
② 平行四辺形ならば、二組の対角の大きさは、それぞれ等しい。

③ 平行四辺形ならば、二本の対角線は、それぞれ中点で交わる。

(例題) 直上の③を証明せよ。

平行四辺形ABCDを右図の様に作り、2本の対角線の交点をMとおく。  
 辺AB // 辺DC, 辺BC // 辺ADゆえ 錯角の関係にある角は等しくなるため、  
 $\angle ABD = \angle CDB \cdots (1)$ ,  $\angle ADB = \angle CBD \cdots (2)$ .

$\triangle ABD$ と $\triangle CDB$ では、辺DBは共通であり、(1)と(2)から一組の辺と両端の角度が等しくなることが示されるので、 $\triangle ABD \cong \triangle CDB$ となる。よって、この合同な三角形において対応する辺が等しくなるため、  
 辺AB=辺CD $\cdots(3)$ , 辺BC=辺DA $\cdots(4)$   
 となる (実はこれで定理①が証明された。)



辺AB // 辺DCであるため、その錯角関係にあるものは等しくなるため、  
 $\angle MAB = \angle MCD \cdots (5)$ .

$\triangle MAB$ と $\triangle MCD$ において、(1), (3), (5)より、一組の辺とその両端の二組の角がそれぞれ等しくなったことが示された。したがって、対応する辺AMと辺CM、辺BMと辺DMも等しくなり、点Mは対角線ACとBDの中点となる。つまり、平行四辺形の二本の対角線はそれぞれの中点で交わることが示された。

(平行四辺形になるための条件)

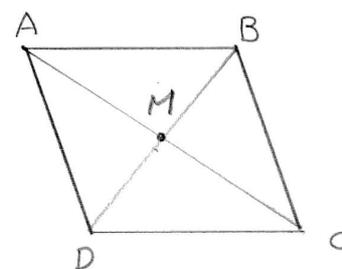
- ① 二組の対辺が、それぞれ平行である。 ← (定義, 定理)
- ② 二組の対辺の長さが、それぞれ等しい。 ← (定義, 定理)
- ③ 二組の対角が、それぞれ等しい。 ← (定義, 定理)
- ④ 対角線が、それぞれ中点で交わる。 ← (定義, 定理)
- ⑤ 一組の対辺が平行で、その長さが等しい。 ← (定義, 定理)

答えは  
 “定義、次から全て定理”

(例題) ①~④を使って、⑤を証明せよ。

右の様に辺ABと辺DCは平行で長さが等しい四角形を考え、対角線の交点をMとする。

平行線の錯角の関係から、 $\angle ABM = \angle CDM$ ,  $\angle BAM = \angle DCM \cdots (*)$ ,  
 条件から、辺AB=辺DC  $\cdots (**)$



$\triangle AMB$ と $\triangle CMD$ において、(\*)と(\*\*)より、一組の辺の長さ、その両端の二組の角が等しくなることが示されたので、 $\triangle AMB \cong \triangle CMD$ となる。

したがって対応する辺MAと辺MC、辺MBと辺MDはそれぞれ等しくなる。さらに 四角形ABCDの対角線はお互いの中点で交わるため、④より 四角形ABCDは平行四辺形であることが示された。

前にも記したが、定義と定理の違いは理解しよう。定義された図形 (つまり決められた図形) の性質が定理に対応すると思えば、分かりやすいでしょう。

「 $\triangle$ になる条件」という項目は、定義 (決まり) と定理 (性質) の集まりなので、初めのうちは、「この項目は定義かな? 定理かな?」と考えて行き、図形のセンスを磨こう。

ここで「 $\triangle$ になる条件」で列挙したものは、実際に問題を解く上では、いちいち証明しなくても良い既製パッケージみたいなものなので、きちんと覚えて行こう。ちなみに、どれか1項目満たせば良いものなので、ご安心を。

**(3) 長方形**

(定義) 4つの角が全て等しい四角形を長方形とする。(4つの角が全て90°である四角形と同じ。)

(定理) 証明省略

- ① 長方形ならば、二本の対角線の長さは等しい。← (長方形の定理)
- ② 長方形のならば、対辺は全て平行である。← (実は、平行四辺形の定理) 他にもあるから考えよう。

(長方形になる条件) 証明省略

- ① 4つの角が全て等しくなる。← (定義, 定理)
- ② 二本の対角線の長さが等しくなる。← (定義, 定理)

答えは“定義、定理”

**(4) ひし形**

(定義) 4つの辺が全て等しい四角形をひし形とする。

(定理) 証明省略

- ① ひし形ならば、二本の対角線は垂直に交わる。← (ひし形の定理)
- ② ひし形ならば、対辺は全て平行である。← (実は、平行四辺形の定理)

(ひし形になる条件) 証明省略

- ① 4つの辺が全て等しくなる。← (定義, 定理)
- ② 二本の対角線が垂直に交わる。← (定義, 定理)

答えは“定義、定理”

**(5) 正方形**

(定義) 4つの角が全て等しく、かつ4本の辺の長さが全て等しい四角形を正方形とする。

(定理) 証明省略

- ① 正方形ならば、二本の対角線は垂直に交わり、長さが等しい。← (正方形の定理)
- ② 正方形ならば、対辺は、全て平行である。← (実は、平行四辺形の定理)

(正方形になる条件) 証明省略

- ① 4つの角が全て等しく、かつ4本の辺の長さが全て等しくなる。← (定義, 定理)
- ② 二本の対角線の長さが等しく、かつ垂直に交わる。← (定義, 定理)

答えは“定義、定理”

**(6) 四角形**

凹みのない4つの角をもつ図形を四角形というが、これを一般の四角形と呼ぼう。そして、図6-1を見ながら、四角形の全体を考えていこう。

一般の四角形に 最低一組の対辺が平行という条件をつけた四角形が台形である。

また、一般の四角形に二組の対辺が平行という条件をつけた四角形が平行四辺形である。このことから、平行四辺形は特殊な台形であるということが出来る。したがって、平行四辺形では台形で成り立つ性質は全て成り立つ。つまり、「平行四辺形ならば、台形の性質を保有する。」という命題が成立するのである。では、この命題の逆の「台形の性質を保有するならば、平行四辺形である。」はもちろん成立しない。証明には普通の台形を書いて判例を挙げれば良い。

平行四辺形には、「二つの対辺が平行」という厳しい条件が加わるため、台形の性質以外の新たな性質が加わるのである。平行四辺形を台形と見做して、台形の面積の公式から平行四辺形の面積を求めることができるが、台形の場合は平行四辺形の面積の公式は使えないなどは、具体例である。

同様に、長方形やひし形は一般の四角形に、それぞれ、6-3-(定義)や6-4-(定義)が加わるので、一般の四角形に対して、特殊な四角形であるが、さらには特殊な平行四辺形となる。なぜならば、二組の対辺は平行であるからである。

そして、四角形の特殊性の最終段階が正方形であり、正方形は一般の四角形に、それぞれ、6-5-(定義)が加わる。正方形は長辺と短辺が等しい特殊な長方形であり、また4つの角度が全て等しい特殊なひし形ともいえる。つまり、長方形でもありひし形でもあるのが、正方形となる(図6-2)。

以上の様に、四角形の全体像と分類を理解できると、図形に対する理解が深まるので、図を見ながらよく考えよう。

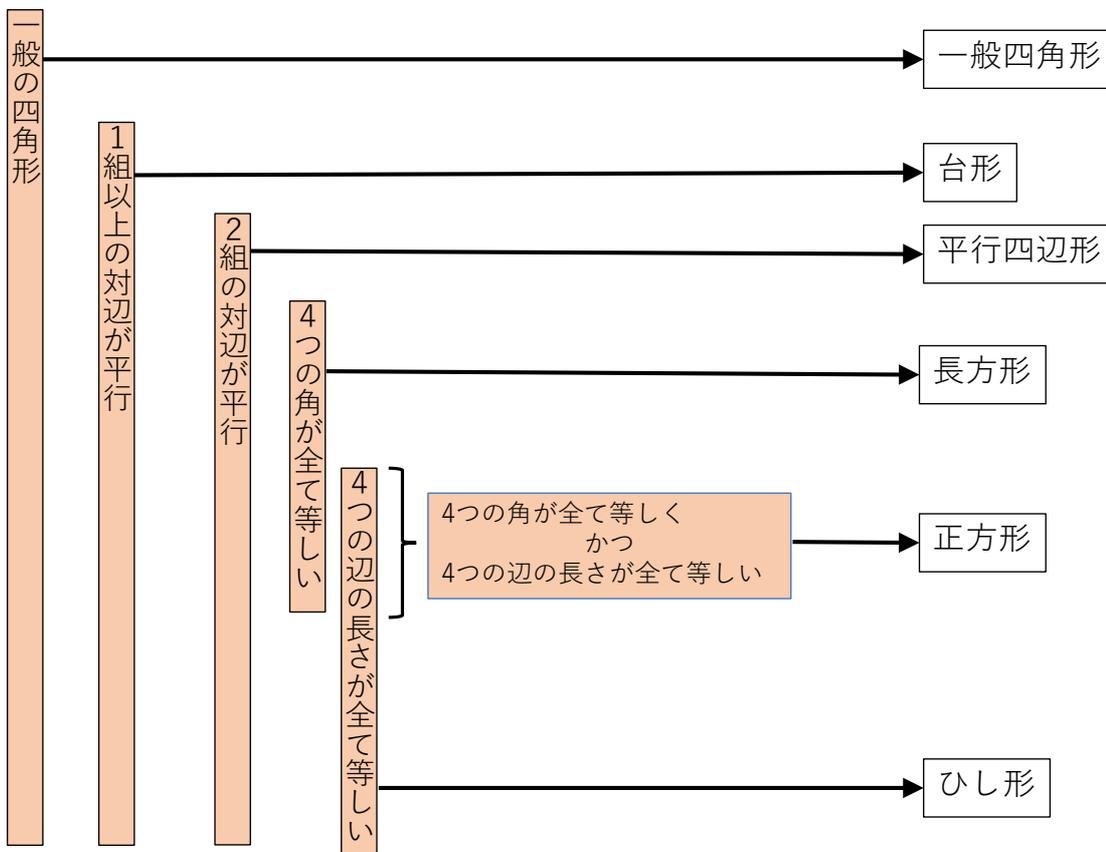


図6-1 四角形の定義による分類

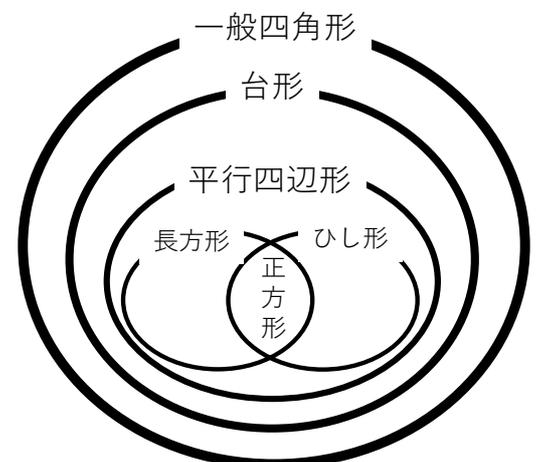


図6-2 四角形の分類イメージ

## おわりに

現在の文科省の数学指導要領は、細切れて、算数と数学の流れがつかみにくいようになっています。

- ①わざと推進している担当者
- ②おかしいと思いつつ声を上げない担当者
- ③気づいていない担当者

がいらっしやると思います。ほとんどは②、③だと思います。

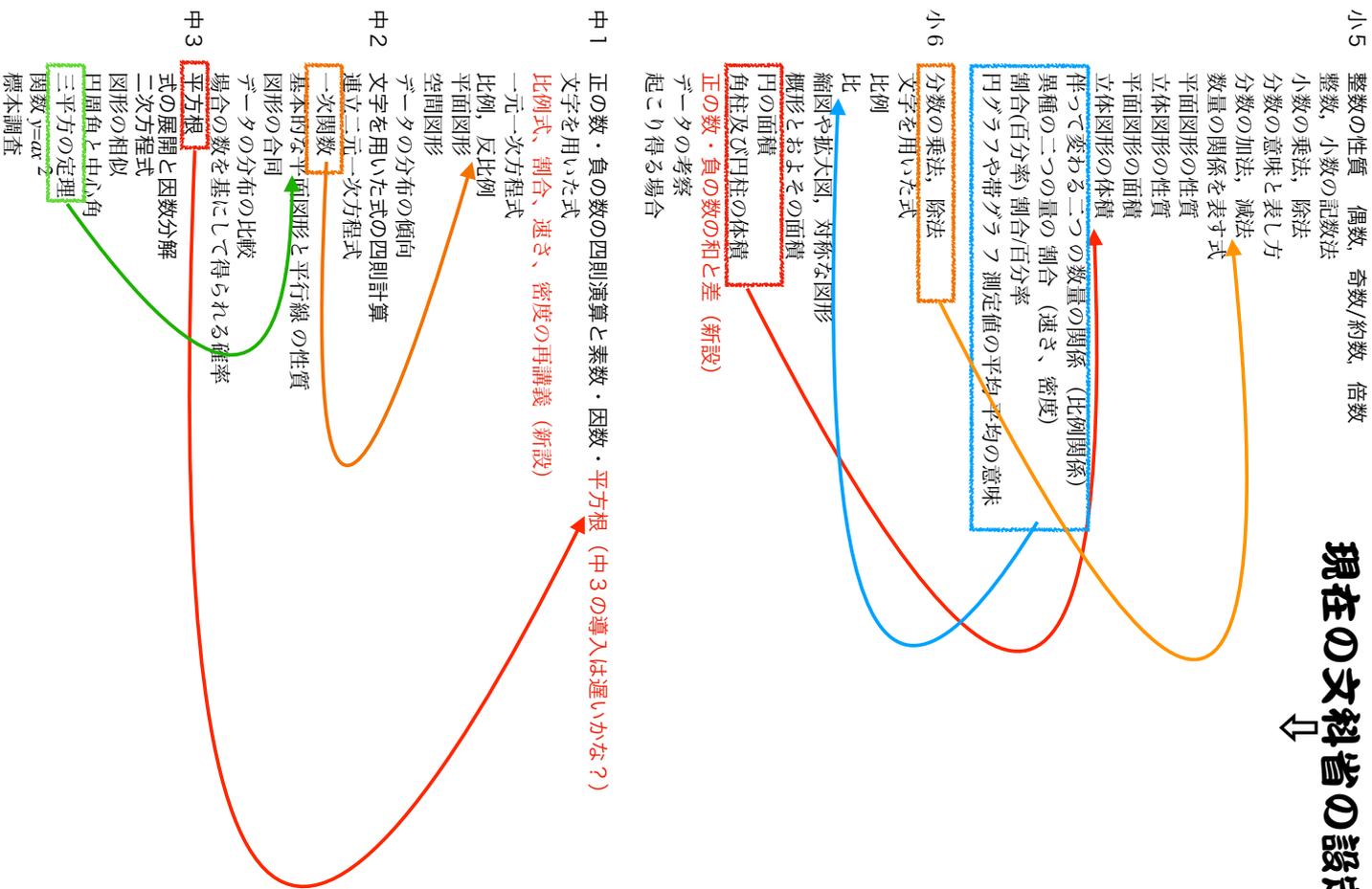
最終ページに小5から中3の学習項目を書き出しました。これを見ると、小5からすでに、算数と数学がわからなくなる様に、連続性のないカリキュラムが組まれていると、私は感じました。（ただし、記憶を掘り起こすと、自分の小学校の頃と、今では大差ない。）ですので、ここでは小5からのカリキュラムの変更案の叩き台を作ります。ただし、小学校4年生で平行を教える時に導入されている定義がすでに誤っている等をふくめると、文科省の担当の方々は、是非とも一つ一つの説明について、定義であるか定理であるかをポイントにおいて見直していただきたいと思います。高校の数学に関しても、同様にかかなりの劣化が伺えますが、今回は手が回りません。とにかく、科目分けを以前の数1、数2（もしくは基礎解析と代数幾何）、数3（もしくは、微分積分、確率統計）に戻すことをお勧めします。

私が記す今回のカリキュラム叩き台ですが、気づいてほしいのもあるので、相当、無理を承知で大胆に変更したものを作りました。徐々に時間をかけておかしくされて、はや70年ですので、抜本的な見直しが急務だと感じています。

## 変更案の骨子（詳しくは最終ページの図を参照）

1. 小5で割合、歩合、百分率、速度のフルスペック（様々な量の算出）を学習するのは、やはり、健常児でも小学校では発達度合いの個人差もまだ残っているので、これは6年生で学習したほうが無難だと思います。そのとき、文字を用いた式、比例、比、伴って変わる二つの量の関係、速さ、密度、割合、歩合、百分率、円グラフと帯グラフと平均値の順番で一連の流れとして学習すると効果的ではないかと思います。比例や速度、密度、割合関係は中学1年の一元一次方程式の前で、再講義をして、確かに身につけさせるのが良いと思います。
2. 分数の計算は、和と差を小5に、積と商を小6にと分けているのですが、これは1つにまとめて小5で行う。そして、計算練習の時間をきちんと取り、身につけさせる。分数が身につくと、割合などの習熟に非常に役に立つ。
3. 小6の円の面積は、小5の図形と一体化させる。
4. 一次関数は、中1の比例・反比例に組み込んで習得させる。
5. 中1と中2の資料の整理と確率統計は、まとめて中2で習い、解析と図形の間に入れて、大切な実学ですので、義務教育で一度は、時間調整的に扱わずに丁寧に学習する。
6. 平方根は“正の数・負の数の四則演算”に素数・因数・平方根として定義をし、計算を行う。
7. 三平方の定理は中2の図形に組み込む。（以上）

# 現在の文科省の設定



# 変更案たたき台



気づいてほしいために、現実味がな  
いと批判を覚悟で、かなり大胆に変えて  
あります。

